

# Exempelfrågor till dugga i kvantfysik

Inga hjälpmedel.

Ringa in bokstaven framför det svar som verkar mest rätt på varje fråga!

1. Kvantfysiken var av avgörande betydelse för att
  - (a) förstå att universum expanderar.
  - (b) konstruera den första lasern.
  - (c) beskriva ljus som en vågrörelse.
2. Bohrs atommodell förklarar varför en väteatom
  - (a) är klotformad.
  - (b) inte kollapsar på grund av attraktionen mellan kärnan och elektronen.
  - (c) inte kollapsar på grund av energiförluster genom elektromagnetisk strålning.
3. Noethers teorem för ett fysikaliskt system i klassisk fysik säger att
  - (a) till varje kontinuerlig symmetri svarar en bevarad storhet.
  - (b) alla symmetrier är bevarade.
  - (c) bevarade storheter måste vara symmetriska.
4. Man mäter en elektrons spinnprojektion i riktningen  $\mathbf{k}$  och får resultatet  $\uparrow$ . En därpå följande mätning i riktningen  $\mathbf{i}$  vinkelrät mot  $\mathbf{k}$  ger då
  - (a) resultatet  $\uparrow$  med 100 % sannolikhet.
  - (b) resultatet  $\downarrow$  med 100 % sannolikhet.
  - (c) resultaten  $\uparrow$  eller  $\downarrow$  med vardera 50 % sannolikhet.
5. Cauchy-Schwarz olikhet säger att för godtyckliga tillstånd  $\psi$  och  $\chi$  i ett tillståndsrum  $\mathcal{H}$  är
  - (a)  $|\langle\psi|\chi\rangle|^2 \leq \langle\psi|\psi\rangle\langle\chi|\chi\rangle$ .
  - (b)  $|\langle\psi|\chi\rangle|^2 \geq \langle\psi|\psi\rangle\langle\chi|\chi\rangle$ .
  - (c)  $|\langle\psi|\chi\rangle|^2 \geq 0$ .
6. En viss mätning ger en ortogonaluppdelning av ett tillståndsrum  $\mathcal{H} = \mathcal{H}_1 \oplus \mathcal{H}_2 \oplus \mathcal{H}_3$  och en motsvarande uppdelning av ett tillstånd  $\psi = \psi_1 + \psi_2 + \psi_3 \neq 0$ . Enligt Borns regel ges sannolikheten för att få mätresultat nummer 2 vid mätning på ett system i tillståndet  $\psi$  av
  - (a)  $\frac{\psi_2}{\psi}$ .
  - (b)  $\frac{\langle\psi|\psi\rangle}{\langle\psi_2|\psi_2\rangle}$ .
  - (c)  $\frac{\langle\psi_2|\psi_2\rangle}{\langle\psi|\psi\rangle}$ .
7. En operator  $\hat{X}$  sådan att  $\langle\psi|\hat{X}\chi\rangle = \langle\hat{X}\psi|\chi\rangle$  för alla tillstånd  $\psi$  och  $\chi$  i ett tillståndsrum  $\mathcal{H}$  säges vara
  - (a) antilinjär.
  - (b) hermitesk.
  - (c) unitär.

8. Om  $\psi_1, \psi_2 \in \mathcal{H}$  och  $\psi'_1, \psi'_2 \in \mathcal{H}'$  så är tillståndet  $\psi_1 \otimes \psi'_1 - \psi_1 \otimes \psi'_2 - \psi_2 \otimes \psi'_1 + \psi_2 \otimes \psi'_2$  i  $\mathcal{H} \otimes \mathcal{H}'$  ett
- produkttillstånd.
  - sammanflätat tillstånd.
  - tillstånd med normen noll.
9. Ehrenfests teorem säger att förväntansvärdet för en observabel storhet  $B$  som inte har något explicit tidsberoende
- alltid är konstant i tiden.
  - varierar periodiskt i tiden.
  - är konstant i tiden om motsvarande operator  $\hat{B}$  kommuterar med Hamilton-operatoren.
10. De möjliga resultaten vid en mätning av energin för en harmonisk oscillator med vinkelfrekvensen  $\omega$  är av formen  $E_n = n\hbar\omega + \text{konstant}$  där  $n$  är
- ett heltal.
  - ett heltal eller ett halvtal.
  - ett icke-negativt heltal.
11. En partikel med massa  $m$  och rörelsemängd  $\mathbf{p}$  svarar mot en vågfunktion med våglängd
- $\frac{2\pi\hbar}{|\mathbf{p}|}$ .
  - $\frac{|\mathbf{p}|}{2\pi\hbar}$ .
  - $\frac{\hbar}{mc}$ .
12. Vid partikelrörelse med total mekanisk energi  $E$  i en endimensionell potential  $V$  så är vågfunktionen  $\psi$  i ett område där  $V > E$  är ungefär konstant
- periodiskt varierande som funktion av läget.
  - exponentiellt växande eller avtagande som funktion av läget.
  - identiskt noll eftersom den kinetiska energin  $E - V$  annars skulle bli negativ.
13. Då en partikel rör sig i en centralkraftspotential  $V(r)$  är dess
- kinetiska energi bevarad.
  - rörelsemängd bevarad.
  - rörelsemängdsmoment med avseende på origo bevarat.
14. Operatorerna  $\hat{\mathbf{J}}_z$  och  $\hat{\mathbf{J}}^2$  svarande mot  $z$ -komponenten och kvadraten på storleken av rörelsemängdsmomentet har egenvärdena  $\hbar m$  respektive  $\hbar^2 j(j+1)$ . Ett exempel på möjliga värden är
- $j = 2, m = -\frac{3}{2}$ .
  - $j = 2, m = -2$ .
  - $j = 2, m = -3$ .
15. Väteatomens energinivåer kan uttryckas i en konstant  $A$  och ett positivt heltal  $n$  och är då av formen
- $E_n = \frac{A}{n}$ .
  - $E_n = \frac{A}{n^2}$ .
  - $E_n = An^2$ .